

## 5. หน่วยความจำหลัก

### Computer Architecture and Organizations

## คุณลักษณะของเซลล์หน่วยความจำ

---

เซลล์หน่วยความจำเป็นหน่วยย่อยเล็กที่สุดของเซมิคอนดักเตอร์

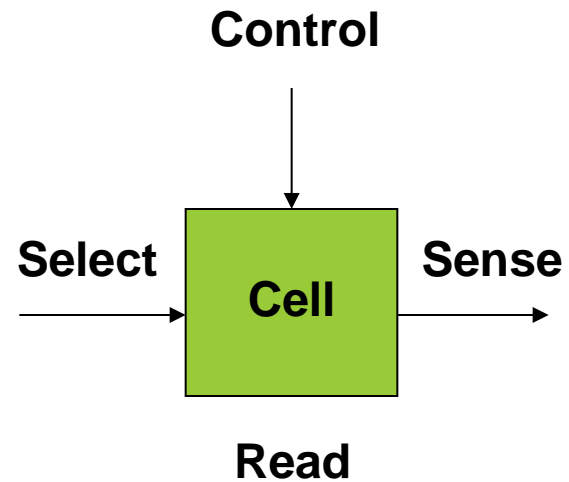
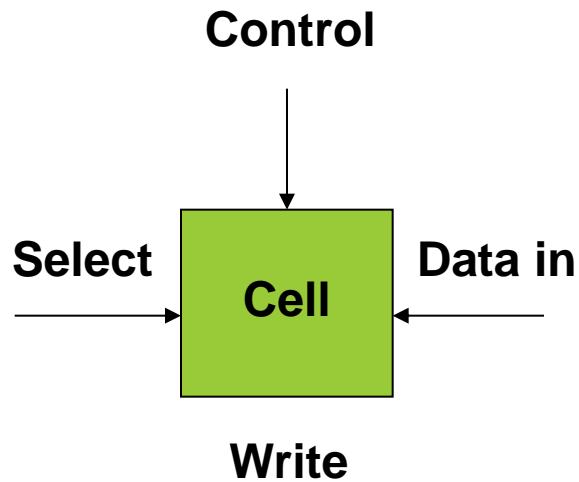
เซลล์มีสถานะที่เสถียรสองสถานะ ซึ่งนำมาใช้แทนความหมายบิต 0 และ บิต 1

เซลล์สามารถที่จะถูกทำให้เปลี่ยนสถานะ (Write) ได้

เซลล์สามารถตรวจสอบสถานะ (Read) ได้

# การทำงานของเซลล์หน่วยความจำ

---



## ประเภทหน่วยความจำเซมิคอนดักเตอร์

Memory Type	Category	Erasure	Write Mechanism	Volatility
Random-access memory (RAM)	Read-write memory	Electrically, byte level	Electrically	Volatile
Read-only memory (ROM)	Read-only memory	Not possible	Mask	Nonvolatile
Programmable ROM (PROM)				
Erasable PROM (EPROM)	Read-mostly memory	UV light, chip level	Electrically	
Electrically Erasable PROM (EEPROM)		Electrically, byte level		
Flash memory		Electrically, block level		

# Random Access Memory (RAM)

---

สามารถอ่านหรือบันทึกข้อมูลได้อย่างง่ายดายและรวดเร็วด้วยการใช้สัญญาณไฟฟ้า

ข้อมูลที่เก็บอยู่นั้นเป็นการเก็บไว้ชั่วคราว หน่วยความจำ RAM จะต้องได้รับพลังงานไฟฟ้ามาป้อนอยู่อย่างต่อเนื่องตลอดเวลา

## RAM แบ่งออกเป็นสองประเภท

- DRAM (Dynamic RAM)
- SRAM (Static RAM)

## Dynamic RAM (DRAM)

---

DRAM ประกอบด้วยเซลล์ที่ใช้เก็บข้อมูลที่ใช้วิธีการอัดประจุไฟฟ้าเข้าไปเก็บไว้ในตัว Capacitor เพื่อใช้แทนความหมายบิต 0 หรือบิต 1

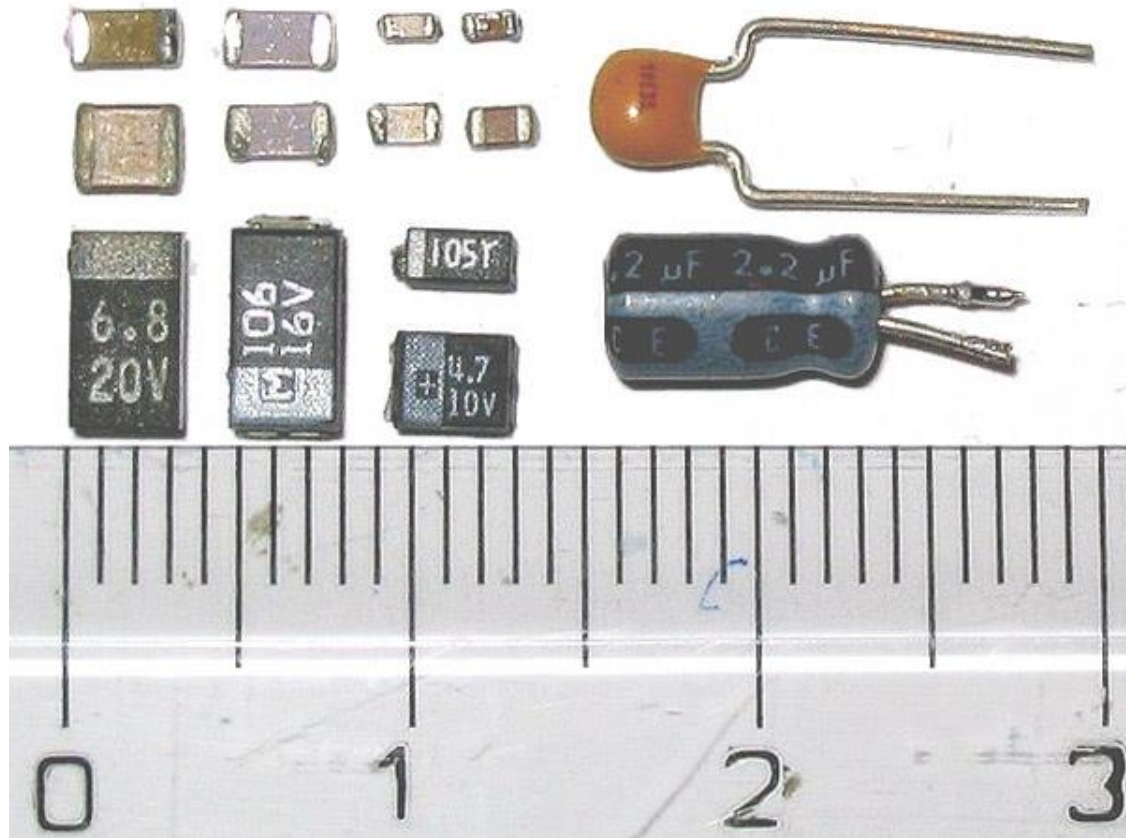
Capacitor มีคุณสมบัติทางธรรมชาติที่จะสูญเสียประจุไฟฟ้าในตัวไปตัวเอง ดังนั้นจะต้องการอัดประจุไฟฟ้าเข้ามาในตัวเองเป็นระยะๆ อยู่เสมอเพื่อที่จะได้สามารถเก็บรักษาข้อมูลเอาไว้ได้ เรียกว่าการ Refresh

สำหรับการบันทึกข้อมูลจะมีกระแสไฟฟ้าเข้ามา กระแสไฟฟ้าแรงดันสูงจะหมายถึงบิต 1 และกระแสไฟฟ้าแรงดันต่ำจะหมายถึงบิต 0

สำหรับการอ่านข้อมูลเซลล์จะถ่ายทอดประจุไฟฟ้าไปยังตัวรับสัญญาณเพื่อเปรียบเทียบแล้วแปลให้เป็นสัญญาณบิต 0 หรือบิต 1

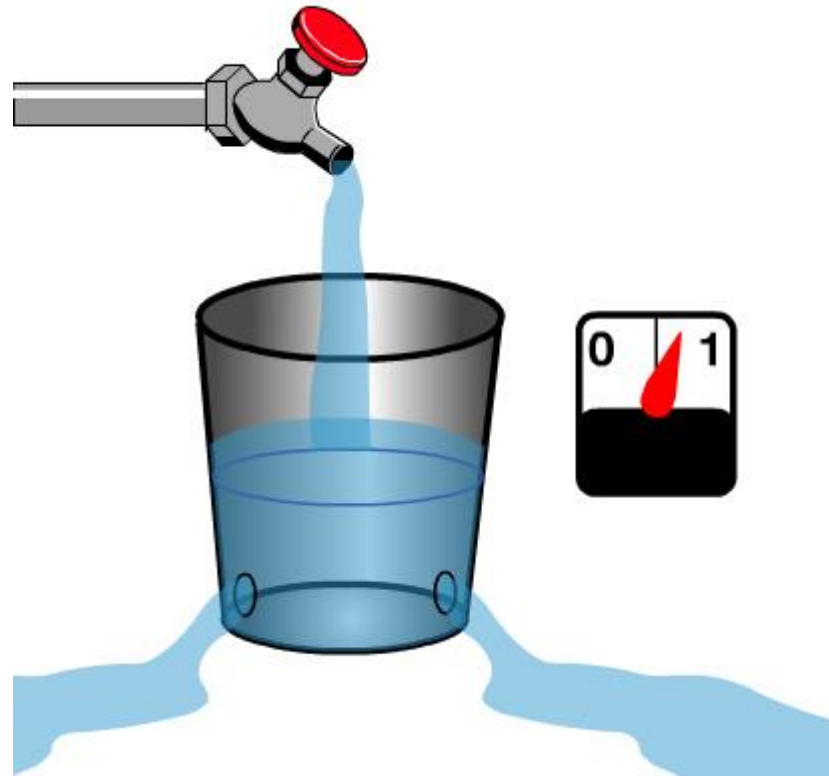
# Capacitor

---



# Recharging capacitor

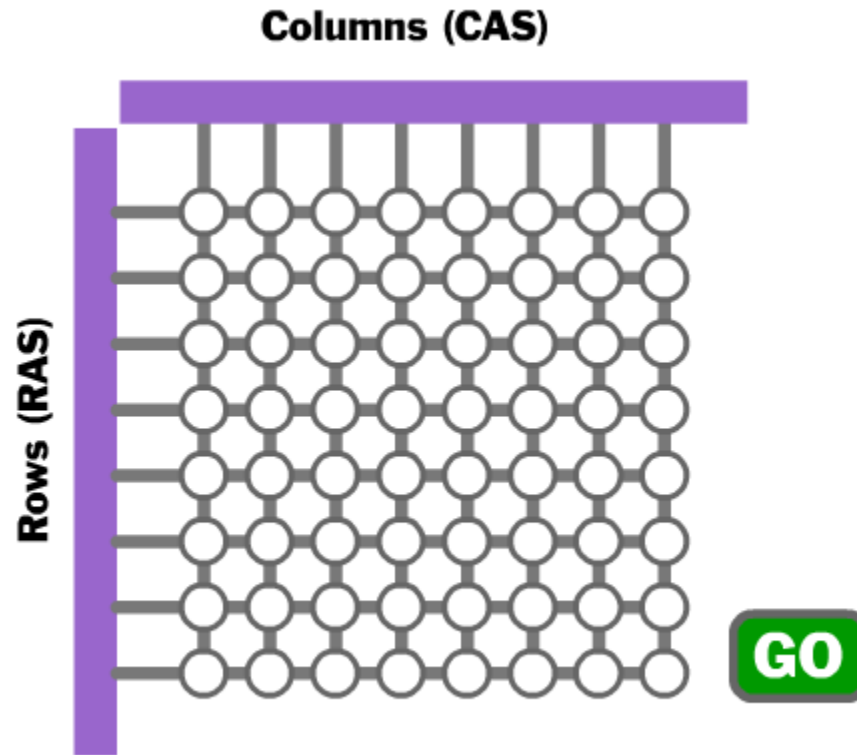
---





# การบันทึกข้อมูลในหน่วยความจำ

---



©2000 How Stuff Works

## การอ่านข้อมูลในหน่วยความจำ

---

- Sense-amplifier จะตรวจสอบระดับของกระแสไฟฟ้าใน Capacitor
- ถ้าใน Capacitor มีกระแสไฟฟ้ามากกว่า 50% จะอ่านค่าได้เป็น 1 ถ้าต่ำกว่านั้น จะอ่านค่าเป็น 0
- ขั้นตอนทั้งหมดจะใช้ระยะเวลาที่สั้นมากในระดับ nanoseconds
- ถ้า memory chip rating เป็น 70 ns หมายความว่าใช้เวลา 70 ns ในกระบวนการอ่านและ recharge ข้อมูลในแต่ละเซลล์

# รูปแบบของหน่วยความจำ

---



SIMM (Single in-line memory module)



DIMM (Dual in-line memory module)



SODIMM (Small outline dual in-line memory module)

## SIMM (Single in-line memory module)

---

- มีจำนวนขาเชื่อมต่อขนาด 30 พิน และมีขนาดประมาณ 9 x 2 ซม.
- ในการติดตั้ง SIMM จะต้องติดตั้งเป็นคู่ เพราะความกว้างของบัส มากกว่า SIMM 2 เท่า (บัส 16 บิต, SIMM 8 บิต)
- SIMM รุ่นล่าสุดมีขนาดใหญ่ขึ้นคือ 11 x 2.5 ซม. มีตัวเชื่อมต่อแบบ 72 พิน ช่วยเพิ่มแบนวิธ (Bandwidth) และเพิ่มความจุต่อโมดูลเป็น 256 MB

## DIMM (Dual in-line memory module)

---

- มีขนาด 14 x 2.5 ซม. และมีขาเชื่อมต่อขนาด 168 พิน หรือ 184 พิน
- ความจุต่อโมดูลตั้งแต่ 8 MB ถึง 1 GB
- สามารถติดตั้งตัวเดียวได้
- ใช้กระแสไฟฟ้า 2.5 โวลต์

## SODIMM (Small outline DIMM)

---

- เป็นหน่วยความจำของเครื่องคอมพิวเตอร์ Notebook
- มีขนาดเล็กมาก ประมาณ 5 x 2.5 ซม. และมีขาเชื่อมต่อขนาด 144 พิน หรือ 200 พิน
- มีความจุต่อโมดูลตั้งแต่ 16 MB ถึง 1 GB

## EDO DRAM (Extended data-out DRAM)

---

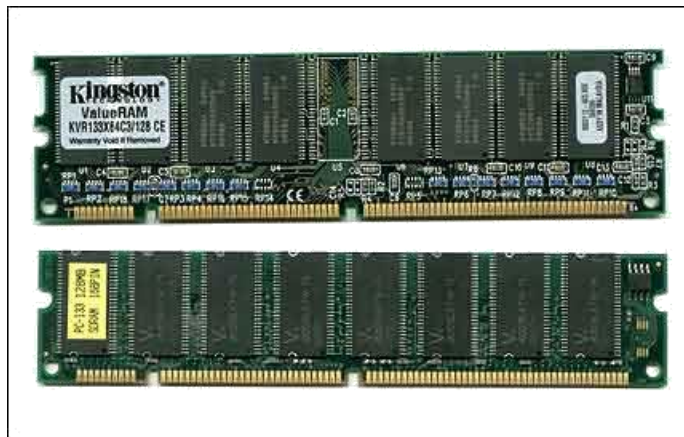
- หลังจากที่ได้รับข้อมูลบิตแรกแล้วก็จะรับข้อมูลบิตถัดไปทันที โดยไม่รอให้ประมวลผลคำสั่งเสร็จ
- อัตราการส่งข้อมูลไปยัง L2 Cache สูงสุดประมาณ 264 MBps



## SDRAM (Synchronous DRAM)

---

- ใช้ประโยชน์จากแนวคิดแบบ Burst mode เพื่อเพิ่มประสิทธิภาพในการทำงาน แนวคิดนี้จะมีประสิทธิภาพสูงสุดก็ต่อเมื่อคำสั่งเป็นแบบเรียงลำดับ ไม่มีคำสั่งข้ามการทำงาน
- SDRAM ทำงานเร็วกว่า EDORAM ประมาณ 5%
- อัตราการส่งข้อมูลไปยัง L2 Cache สูงสุดประมาณ 528 MBps





## DDR SDRAM (Double data rate SDRAM)

---

- คล้ายกับ SDRAM แต่มีแบนด์วิดท์ที่กว้างกว่า ทำให้มีความเร็วสูงกว่า
- มีความเร็วเป็น 2 เท่าของ SDRAM โดยทำงานทั้งขาขึ้นและขาลงของสัญญาณนาฬิกา
- อัตราการส่งข้อมูลไปยัง L2 Cache สูงสุดประมาณ 1,064 MBps (สำหรับ DDR SDRAM 133 MHz)



# DDR SDRAM

Standard name	Memory clock (MHz)	Cycle time <sup>[2]</sup> (ns)	I/O bus clock (MHz)	Data transfer rate (MHz)	JEDEC standard $V_{DDQ}$ voltage (V)	Module name	Peak transfer rate (MB/s)
DDR-200	100	10	100	200	2.5±0.2	PC-1600	1600
DDR-266	133	7.5	133	266	2.5±0.2	PC-2100	2100
DDR-333	166	6	166	333	2.5±0.2	PC-2700	2700
DDR-400	200	5	200	400	2.6±0.1	PC-3200	3200

# DDR2 SDRAM

Standard name	Memory clock	Cycle time	I/O Bus clock	Data transfers per second	Module name	Peak transfer rate	Timings <sup>[2]</sup> <sup>[3]</sup>
DDR2-400	100 MHz	10 ns	200 MHz	400 Million	PC2-3200	3200 MB/s	3-3-3 4-4-4
DDR2-533	133 MHz	7.5 ns	266 MHz	533 Million	PC2-4200 PC2-4300 <sup>1</sup>	4266 MB/s	3-3-3 4-4-4
DDR2-667	166 MHz	6 ns	333 MHz	667 Million	PC2-5300 PC2-5400 <sup>1</sup>	5333 MB/s	4-4-4 5-5-5
DDR2-800	200 MHz	5 ns	400 MHz	800 Million	PC2-6400	6400 MB/s	4-4-4 5-5-5 6-6-6
DDR2-1066	266 MHz	3.75 ns	533 MHz	1066 Million	PC2-8500 PC2-8600 <sup>1</sup>	8533 MB/s	6-6-6 7-7-7



# DDR3 SDRAM

---

Standard name	Memory clock	Cycle time	I/O bus clock	Data rate	Module name	Peak transfer rate	Timings
DDR3-800	100 MHz	10 ns	400 MHz	800 MT/s	PC3-6400	6400 MB/s	5-5-5 6-6-6
DDR3-1066	133 MHz	7.5 ns	533 MHz	1066 MT/s	PC3-8500	8533 MB/s	6-6-6 7-7-7 8-8-8
DDR3-1333	166 MHz	6 ns	667 MHz	1333 MT/s	PC3-10600	10667 MB/s	7-7-7 8-8-8 9-9-9 10-10-10
DDR3-1600	200 MHz	5 ns	800 MHz	1600 MT/s	PC3-12800	12800 MB/s	8-8-8 9-9-9 10-10-10 11-11-11





## RDRAM (Rambus DRAM)

---

- พัฒนาโดยบริษัท Rambus
- ใช้ RIMM (Rambus in-line memory module) ซึ่งมีขนาดและจำนวนขาเชื่อมต่อใกล้เคียงกับ DIMM
- RDRAM ใช้巴士ความเร็วสูงที่ออกแบบมาพิเศษ เรียกว่า Rambus Channel
- ชิพหน่วยความจำทำงานแบบขนานมีอัตราเร็วอยู่ที่ 800 MHz หรือ 1,600 MBps
- เนื่องจาก RDRAM ทำงานด้วยความเร็วสูงจึงทำให้เกิดความร้อนสูงมาก จึงต้องมีอุปกรณ์สำหรับระบายความร้อน

## ตารางเปรียบเทียบประเภทของ RAM

ประเภท	Bandwidth x จำนวนครั้ง x ความถี่	อัตราการส่งข้อมูล
PC-133 (SDRAM)	8 x 1 x 133	1,064 MB/s
PC-2100 (DDR SDRAM)	8 x 2 x 133	2,128 MB/s
PC-2700 (DDR SDRAM)	8 x 2 x 166	2,656 MB/s
PC-3200 (DDR SDRAM)	8 x 2 x 200	3,200 MB/s
PC-3600 (DDR SDRAM)	8 x 2 x 225	3,600 MB/s
PC-4000 (DDR SDRAM)	8 x 2 x 250	4,000 MB/s
PC-800 (RDRAM)	2 x 2 x 400	1,600 MB/s
PC-1066 (RDRAM)	4 x 2 x 533	4,264 MB/s

## Static RAM (SRAM)

---

- SRAM มีการจัดเรียงอุปกรณ์ภายในเป็นลักษณะเดียวกันกับโครงสร้างของโปรเซสเซอร์
- ค่าไบนารี (0 หรือ 1) จะถูกเก็บไว้ด้วย Flip-flop logic gate ซึ่งสามารถเก็บค่าไว้ในตัวเองได้นานตราบเท่าที่มีพลังงานไฟฟ้าป้อนให้อย่างต่อเนื่อง
- ในการเก็บข้อมูลจะใช้ทรานซิสเตอร์จำนวน 2 ตัว
  - ที่สถานะ “1”  $C_1$  มีแรงดันไฟฟ้าสูง ส่วน  $C_2$  มีแรงดันไฟฟ้าต่ำ
  - ที่สถานะ “0”  $C_1$  มีแรงดันไฟฟ้าต่ำ ส่วน  $C_2$  มีแรงดันไฟฟ้าสูง

## เปรียบเทียบระหว่าง SRAM กับ DRAM

---

- DRAM มีโครงสร้างที่ง่ายกว่าและมีขนาดเล็กกว่า SRAM จึงสามารถบรรจุจำนวนเซลล์ต่อพื้นที่ได้มากกว่า ทำให้มีราคาถูกกว่า SRAM ที่มีความจุเท่าๆ กัน
- DRAM จำเป็นต้องมีวงจรสำหรับการกระตุ้น (refresh cycle) เป็นระยะๆ อย่างสม่ำเสมอ
- SRAM มีความเร็วในการทำงานสูงกว่า DRAM
- ระบบคอมพิวเตอร์ส่วนใหญ่นำ DRAM มาใช้เป็นหน่วยความจำหลักและนำ SRAM มาใช้เป็นหน่วยความจำ Cache



## Read Only Memory (ROM)

---

- ประกอบไปด้วยข้อมูลที่ถูกบันทึกไว้เป็นการถาวร (Nonvolatile) ซึ่งไม่สามารถแก้ไขได้
- ROM ไม่จำเป็นต้องอาศัยพลังงานไฟฟ้าในการจัดเก็บข้อมูล
- ข้อดีของ ROM คือการที่ข้อมูลหรือโปรแกรมถูกจัดเก็บไว้อย่างถาวรในหน่วยความจำ จึงไม่มีความจำเป็นต้องถูกอ่านขึ้นมาจากอุปกรณ์ I/O ภายนอก ซึ่งจะต้องเสียเวลาเป็นอย่างมาก
- ROM ถูกสร้างขึ้นมาจากแผงวงจรรวม (IC) โดยจัดการบันทึกข้อมูลหรือโปรแกรมลงไปพร้อมกัน ทำให้เกิดค่าใช้จ่ายสูง
- ในระหว่างกระบวนการผลิตจะมีข้อผิดพลาดเกิดขึ้นไม่ได้เลย

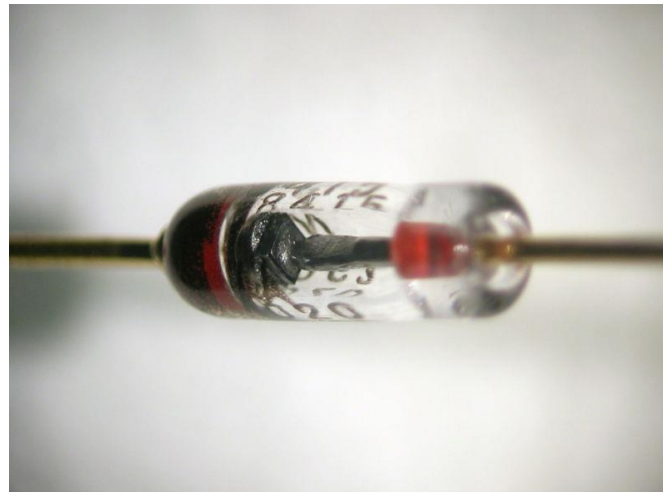
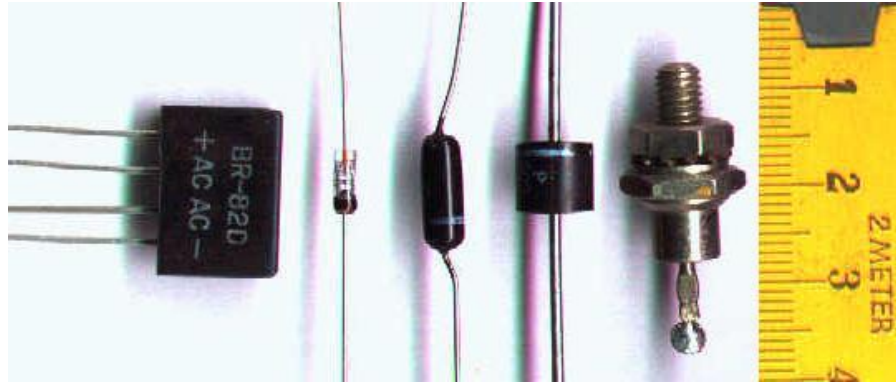
## การทำงานของ ROM

---

- ชิพของ ROM จะคล้ายกับ RAM คือเก็บข้อมูลในลักษณะที่เป็นคอลัมน์และแถว แต่จุดที่คอลัมน์และแถวตัดกันจะแตกต่างกัน
- RAM ใช้ทรานซิสเตอร์เพื่อเปิดหรือปิดการเข้าถึง Capacitor
- ROM ใช้ Diode ในการเชื่อมต่อสายสัญญาณถ้าข้อมูลมีค่าเป็น 1 ถ้าข้อมูลมีค่าเป็น 0 สายสัญญาณจะไม่ถูกเชื่อมต่อ

# Diode

---



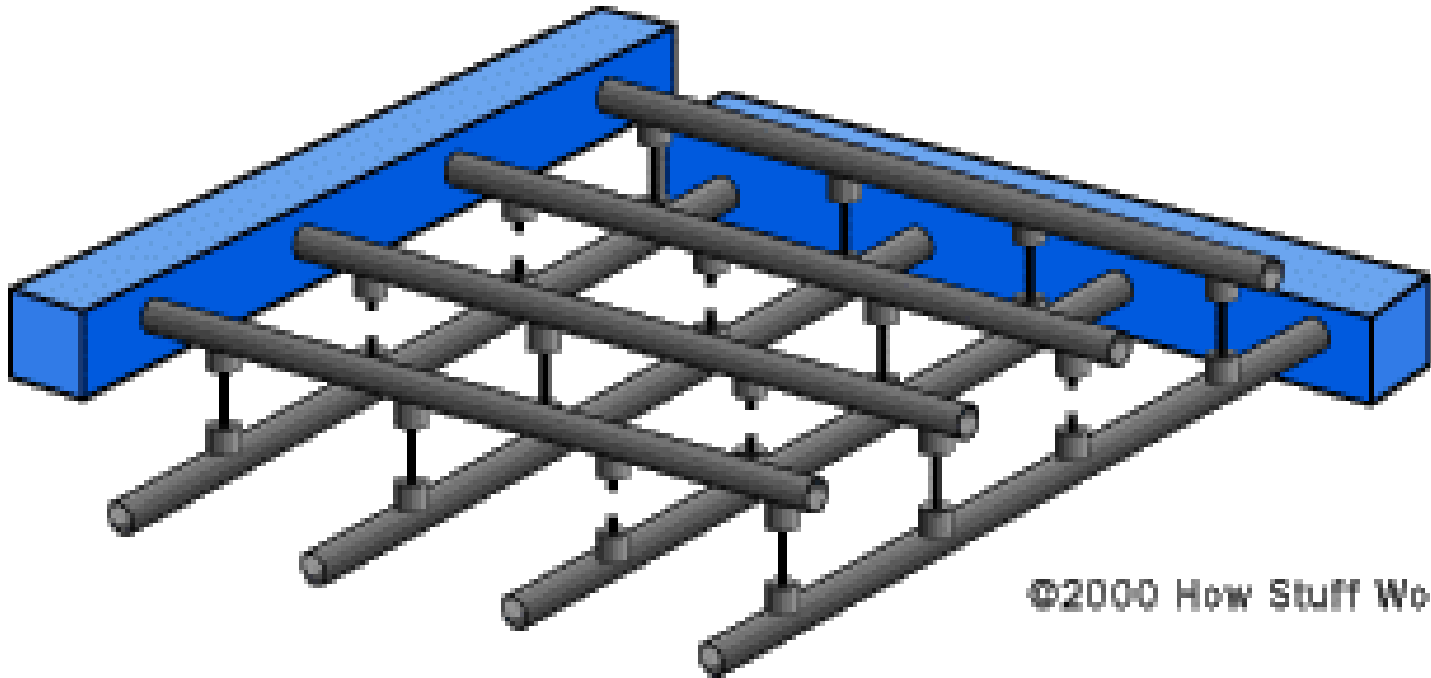
## PROM (Programmable ROM)

---

- เป็นชิพ ROM แบบว่างเปล่า มีราคาไม่แพง สามารถบรรจุโปรแกรมลงไปได้โดยใช้เครื่องมือพิเศษที่เรียกว่า Programmer
- PROM แตกต่างจาก ROM ทั่วไปคือส่วนที่ตัดกันของคอลัมน์และแถวจะมีฟิวส์อยู่ ซึ่งจะมีค่าเป็น 1
- หากต้องการเปลี่ยนค่าให้เป็น 0 ก็จะต้องปล่อยกระแสไฟฟ้าแรงดันสูงเข้าไปเพื่อให้ฟิวส์ขาดออกจากกัน กระบวนการนี้เรียกว่า Burning the PROM
- PROM สามารถบรรจุโปรแกรมลงไปได้ครั้งเดียวเท่านั้น

# PROM Fuse

---



©2000 How Stuff Works

# PROM

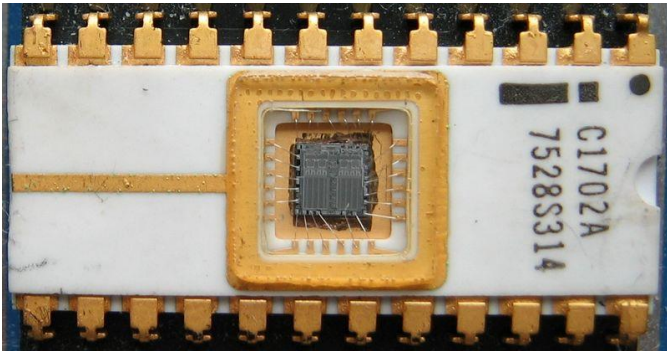
## EPROM (Erasable PROM)

---

- EPROM สามารถเขียนข้อมูลลงไปใหม่ได้หลายครั้ง โดยใช้เครื่องมืออิเล็กทรอนิกส์
- การลบข้อมูลใน EPROM ต้องใช้เครื่องมือพิเศษในการส่งคลื่นความถี่ของแสง Ultraviolet (UV) ลงไปในช่องรับแสงของชิพ
- สามารถล้างข้อมูลได้หลายครั้ง แต่แต่ละครั้งจะใช้เวลาประมาณ 20 นาที

# EPROM

---



## การบันทึกข้อมูลของ EPROM

---

- ส่วนที่ตัดกันของคอลัมน์และแถวจะมีทรานซิสเตอร์สองตัว ซึ่งถูกกั้นด้วยชั้นของ thin oxide ตัวหนึ่งเรียกว่า Floating gate อีกตัวหนึ่งเรียกว่า Control gate
- Floating gate จะถูกเชื่อมต่อเข้ากับแถว (Word line) ซึ่งถูกส่งผ่าน Control gate
- เซลล์จะมีค่าเป็น 1 หากต้องการเปลี่ยนให้เป็น 0 การประมวลผลแบบพิเศษที่เรียกว่า Fowler-Nordheim tunneling
- Tunneling ใช้สำหรับเปลี่ยนสถานะของอิเล็กตรอนใน Floating gate



## การชาร์จกระแสไฟฟ้า

---

- ในการชาร์จจะใช้กระแสไฟฟ้าประมาณ 10 ถึง 13 โวลต์ ซึ่งกระทำจาก Bit line ผ่าน Floating gate และระบายลง Ground
- การชาร์จด้วยอิเล็กตรอน (ขั้ว -) จะทำหน้าที่เหมือนกับกำแพงกั้นระหว่าง Control gate และ Floating gate
- Cell sensor จะคอยตรวจสอบดูระดับของการชาร์จผ่าน Floating gate ถ้ามีค่ามากกว่า 50% จะมีค่าเป็น 1 ถ้าระดับลดลงน้อยกว่า 50% จะมีค่าเป็น 0
- EPROM เปล่า ทุก Gate จะถูกเปิดเอาไว้ ทำให้มีค่าเป็น 1



## การลบข้อมูลใน EPROM

---

- ในการลบจะต้องใช้พลังงานมากพอที่จะทำให้ลายอิเล็กตรอนที่กั้น Floating gate อยู่
- สิ่งที่ดีที่สุดคือลำแสง UV ที่ความถี่ 253.7 เพราะความถี่นี้จะไม่สามารถทะลุผ่านพลาสติกหรือแก้วได้
- ไม่สามารถเลือกลบข้อมูลบางส่วนได้ ต้องลบทั้งหมดเท่านั้น
- ในการลบจะต้องถอดออกจากอุปกรณ์ไปไว้ภายใต้ลำแสง UV เป็นเวลาหลายนาที แต่ถ้าใช้เวลานานเกินไปจะทำให้เกิด Over-erased คือ Floating gate จะไม่สามารถเก็บประจุอิเล็กตรอนได้

## EEPROM (Electrical EPROM)

---

- สามารถบันทึกข้อมูลลงไปใหม่ได้ โดยไม่จำเป็นต้องลบข้อมูลเก่าก่อน
- สามารถเลือกลบข้อมูลที่ละไบต์หรือที่ละหลายๆ ไบต์ที่ต้องการได้
- โดยปกติการบันทึกข้อมูลจะใช้เวลามากกว่าการอ่านข้อมูล
- ชิพ EEPROM ได้นำข้อดีของการเก็บข้อมูลแบบถาวร มารวมเข้ากับความสะดวกตัวในการปรับปรุงข้อมูลเดิม โดยการใส่สายสัญญาณควบคุมบัส สายบอกตำแหน่งข้อมูล และสายข้อมูลที่มีใช้งานในบัสทั่วไป
- EEPROM มีราคาแพงกว่า EPROM และบรรจุข้อมูลได้น้อยกว่า

## การลบข้อมูล

---

- สามารถเปลี่ยนค่าของอิเล็คตรอนภายในเซลล์ได้โดยใช้ซอฟต์แวร์เฉพาะ
- EEPROM สามารถเปลี่ยนค่าของข้อมูลครั้งละ 1 ไบต์ ซึ่งจะคงอยู่แบบถาวรแต่ช้า
- EEPROM ช้าเกินไปที่จะนำไปใช้ในอุปกรณ์ที่ต้องการเปลี่ยนแปลงข้อมูลในชีพอย่างรวดเร็ว

# Flash memory

---

- ถูกนำมาใช้งานครั้งแรกราวปี พ.ศ. 2525
- คุณสมบัติโดยทั่วไปของแฟลชเมมโมรี่อยู่ตรงกลางระหว่าง EPROM และ EEPROM คือ การใช้เทคโนโลยีลบข้อมูลด้วยสัญญาณไฟฟ้า
- ข้อมูลทั้งหมดในแฟลชเมมโมรี่สามารถลบทิ้งได้ในเวลาเพียงไม่กี่วินาที ซึ่งเร็วกว่าเวลาที่ต้องใช้ในการลบข้อมูลใน EPROM และสามารถเลือกลบข้อมูลเฉพาะบางส่วนได้
- ใช้ทรานซิสเตอร์เพียงตัวเดียวในการเก็บข้อมูลหนึ่งบิตเหมือนกับ EPROM ทำให้สามารถบรรจุหน่วยความจำไว้ในชิปตัวหนึ่งได้เป็นจำนวนมาก
- โครงสร้างภายในแบ่งออกเป็นส่วนๆ (Section) ทำให้เวลาลบข้อมูลจะต้องทำพร้อมกันทั้งส่วน (Flash) การลบข้อมูลที่ละไบต์จึงไม่สามารถทำได้

การตรวจสอบและแก้ไขข้อผิดพลาด  
ของหน่วยความจำ

---

## Hard failure

---

- หมายถึง ข้อผิดพลาดที่เกิดขึ้นเนื่องจากชิพที่ผลิตขึ้นมาชิ้นนั้นไม่สามารถทำงานได้ตามที่ต้องการ
- เป็นความผิดปกติแบบถาวร เช่น เซลล์หน่วยความจำไม่สามารถเก็บข้อมูลไว้ได้หรือเก็บเพียงข้อมูล “0” หรือ “1” แต่เพียงอย่างเดียว
- อาจเกิดขึ้นจากสภาพการใช้งานที่ไม่เหมาะสม การใช้งานผิดประเภท หรือการเสื่อมสภาพตามอายุการใช้งาน



## Soft error

---

- เป็นข้อผิดพลาดที่เกิดขึ้นอย่างไม่สามารถคาดเดาได้
- เกิดจากเหตุการณ์บางอย่างที่ทำให้ข้อมูลในเซลล์หน่วยความจำบางเซลล์หรือบางกลุ่มเปลี่ยนไปจากเดิม โดยไม่ได้ทำลายเซลล์หน่วยความจำอย่างถาวร
- อาจเกิดขึ้นเนื่องจากกระแสไฟฟ้าที่ไม่สม่ำเสมอ หรือการคายประจุไฟฟ้าสถิตที่มีอยู่ทุกหนทุกแห่ง

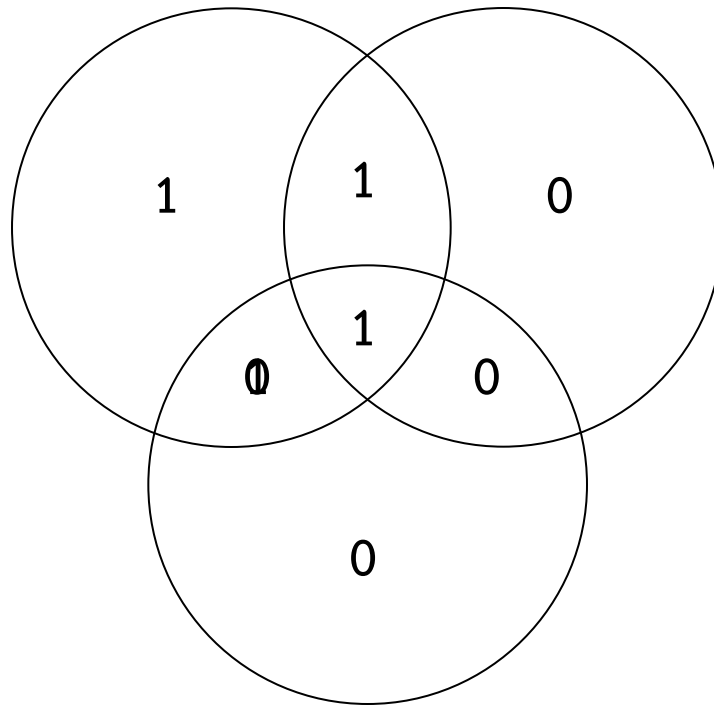
## ฟังก์ชันในการแก้ไขข้อผิดพลาด

---

- ถ้าตรวจไม่พบข้อผิดพลาดใดๆ ข้อมูลนั้นก็จะถูกส่งไปใช้งาน
- สามารถตรวจพบข้อผิดพลาดและสามารถที่จะแก้ไขได้ ข้อมูลและไค้ตรหัสจะถูกส่งไปให้หน่วยแก้ไขข้อมูล ซึ่งจะสร้างข้อมูลใหม่ที่ถูกต้อง และส่งไปใช้งานต่อไป
- สามารถตรวจพบข้อผิดพลาดแต่ไม่สามารถแก้ไขได้ ก็จะแสดงรายงานให้ผู้ใช้ทราบ
- ไค้ตรหัสที่สามารถแก้ไขข้อผิดพลาดได้เรียกว่า Error-correcting code (ECC)

# วิธีแก้ไขข้อผิดพลาดของ Hamming

---



## Syndrome word

---

- คือ ผลที่ได้จากการเปรียบเทียบข้อมูลทางตรรกะ (Comparison logic) โดยใช้ฟังก์ชัน exclusive OR (ถ้าบิตเหมือนกันจะได้ค่าเป็น 0 ถ้าบิตต่างกันได้ค่าเป็น 1)
- เนื่องจากข้อผิดพลาดอาจเกิดขึ้นในบิตใดๆ ก็ได้จากข้อมูล  $M$  บิต และข้อมูลสำหรับการตรวจสอบอีก  $K$  บิต ดังนั้นจะได้ความสัมพันธ์

$$2^k - 1 \geq M + K$$

- สมมติว่ามีข้อมูลขนาด 8 บิต ( $M = 8$ ) จะได้ว่า
  - ถ้า  $K = 3$  จะได้ว่า  $2^3 - 1 < 8 + 3$
  - ถ้า  $K = 4$  จะได้ว่า  $2^4 - 1 > 8 + 4$

# การสร้าง Syndrome word ขนาด 4 บิต สำหรับข้อมูล 8 บิต

---

- ถ้า Syndrome word มีค่าเป็น “00000000” แสดงว่าไม่มีข้อผิดพลาดในข้อมูลนั้น
- ถ้า Syndrome word มี “1” แทรกอยู่เพียงบิตเดียว แสดงว่าข้อผิดพลาดเกิดขึ้นในบิตตรวจสอบ (1 ใน 4 บิต) จึงไม่จำเป็นต้องแก้ไข
- ถ้า Syndrome word มี “1” มากกว่า 1 บิต แล้ว ค่าของบิต Syndrome word จะบอกตำแหน่งข้อมูลที่ผิดพลาด ซึ่งจะต้องกลับบิตที่ตำแหน่งนั้นเป็นบิตตรงกันข้าม

# ตำแหน่งของบิตข้อมูลและบิตตรวจสอบ

---

<b>Bit position</b>	<b>12</b>	<b>11</b>	<b>10</b>	<b>9</b>	<b>8</b>	<b>7</b>	<b>6</b>	<b>5</b>	<b>4</b>	<b>3</b>	<b>2</b>	<b>1</b>
<b>Position Number</b>	1100	1011	1010	1001	1000	0111	0110	0101	0100	0011	0010	0001
<b>Data bit</b>	D8	D7	D6	D5		D4	D3	D2		D1		
<b>Check bit</b>					C8				C4		C2	C1

## การคำนวณบิตตรวจสอบ

---

$$C1 = D1 \oplus D2 \oplus D4 \oplus D5 \oplus D7$$

$$C2 = D1 \oplus D3 \oplus D4 \oplus D6 \oplus D7$$

$$C4 = D2 \oplus D3 \oplus D4 \oplus D8$$

$$C8 = D5 \oplus D6 \oplus D7 \oplus D8$$

## ตัวอย่างการคำนวณบิตตรวจสอบ

---

สมมติว่าบิตข้อมูลขนาด 8 บิตที่ต้องการนำมาใช้คือ “00111001” โดยที่ D1 คือ บิตทางขวาสุด ดังนั้นบิตตรวจสอบ คือ

$$C1 = 1 \oplus 0 \oplus 1 \oplus 1 \oplus 0 = 1$$

$$C2 = 1 \oplus 0 \oplus 1 \oplus 1 \oplus 0 = 1$$

$$C4 = 0 \oplus 0 \oplus 1 \oplus 0 = 1$$

$$C8 = 1 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 0 = 0$$

$$\text{บิตตรวจสอบ} = 0 \ 1 \ 1 \ 1$$

$$\text{ข้อมูลที่จะส่ง} = 0 \ 0 \ 1 \ 1 \ 0 \ 1 \ 0 \ 0 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1$$



# การเรียงลำดับของบิต

---

ข้อมูล = 00111001

บิตตรวจสอบ = 0111

การเรียงลำดับ	D8	D7	D6	D5	C8	D4	D3	D2	C4	D1	C2	C1
ข้อมูล	0	0	1	1	0	1	0	0	1	1	1	1

## ตัวอย่างการคำนวณบิตตรวจสอบ

---

สมมติว่าบิตที่ 3 (D3) เป็นบิตที่ผิดพลาด ข้อมูลที่ได้รับจะเป็น “00111101” บิตตรวจสอบใหม่จะเป็น

$$C1 = 1 \oplus 0 \oplus 1 \oplus 1 \oplus 0 = 1$$

$$C2 = 1 \oplus 1 \oplus 1 \oplus 1 \oplus 0 = 0$$

$$C4 = 0 \oplus 1 \oplus 1 \oplus 0 = 0$$

$$C8 = 1 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 0 = 0$$

$$\text{บิตตรวจสอบ} = 0001$$

## ตัวอย่างการคำนวณบิตตรวจสอบ

---

เมื่อนำบิตตรวจสอบเก่าและบิตตรวจสอบใหม่มาเปรียบเทียบกันจะได้ว่า

	C8	C4	C2	C1
	0	1	1	1
$\oplus$	0	0	0	1
<hr/>				
	0	1	1	0

ผลลัพธ์ที่ได้คือ “0110” แสดงว่าบิตตำแหน่งที่ 6 (Bit position) หรือ D3 เป็นบิตที่ไม่ถูกต้อง

โค้ดรหัสที่กล่าวถึงจัดอยู่ในประเภท single-error-correcting (SEC) ซึ่งจะไม่สามารถตรวจสอบหรือแก้ไขใดๆ ถ้ามีบิตที่ผิดพลาดพร้อมกันมากกว่า 2 บิต